

ANEXO C. CRIPTOSISTEMA RSA

La siguiente es la descripción del funcionamiento del algoritmo RSA, la cual implica un alto conocimiento de teorías matemáticas de grupos, el algoritmo de Euclides y función módulo. Para profundizar más en el tema se recomienda referirse a libros especializados en este tema o a docentes del área de matemáticas avanzadas [3] [4].

1. Cada usuario U elige dos números primos (actualmente se recomienda que tales números primos tengan más de 200 dígitos) p y q y calculan $n = p \cdot q$. El grupo a utilizar por el usuario U es, entonces, Z_n^* . El orden de este grupo es n y el del grupo Z_n^* es $\phi(n) = \phi(p \cdot q) = (p-1)(q-1)$. Para U es fácil calcular este orden, pues conoce p y q .
2. Después, U selecciona un entero positivo e , $1 \leq e \leq \phi(n)$, de modo que sea primo con el orden de l grupo Z_n^* , es decir, tal que $\text{mcd}(e, \phi(n)) = 1$.
3. Mediante el algoritmo de Euclides extendido calcula el inverso de e en $Z_{\phi(n)}^*$, d ; se tiene entonces $e \cdot d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$, con $1 \leq d \leq \phi(n)$.

La clave pública del usuario U es la pareja (n, e) , mientras que su clave privada es el número d . Por supuesto, también deben permanecer secretos los números p, q y $\phi(n)$.

Si un usuario A desea enviar un mensaje m de Z_n a otro usuario B , utiliza la clave pública de B , (n_b, e_b) , para calcular el valor de $m^{e_b} \pmod{n_b} = c$, que envía a B .

Para recuperar el mensaje original, B calcula $c^{d_b} = (m^{e_b})^{d_b} = m^{e_b d_b} \equiv m \pmod{n_b}$.